625.76

# ロータリ除雪機の基礎的研究\*

(第1報,積雪の切削抵抗に関する研究)

下田 茂\*\*,千木良 暁司\*\*\*,石橋 遣弥\*\*

### 1. 緒 言

日本海沿岸を主とする降雪地域においては,道路・ 鉄道路などの冬期間における交通路確保が,生活・産 業の面から最重要項目としてあげられている.このた め除雪機の果たす役割は大きい.たとえば,道路除雪 においては,積雪を道路の側方へ押しやるためのV形 またはI形プラウ除雪機と,道路側方にできた雪の壁 を切りくずし所定の場所へ投出するためのロータリ除 雪機を併用するのが望ましい.これらの除雪機の設計 ・製作にあたっては,除雪作業を能率的に行なりため の種々の基礎的研究が必要である.

本報は,除雪機の動力性能<sup>(1)</sup>に関与する積雪の切削 抵抗を(プロペラ形状のプレカッタをもつバイルハッ ク形除雪機と,円筒フライスカッタ形状のカッテング ロータをもつロルバ形除雪機を主眼において)二次元, 三次元的に理論解析し,積雪の比切削抵抗理論式を導 いた.また,あわせて切削実験を行ない,導出した理 論式の有用性を検討した.

### 2. 積雪切削抵抗理論

積雪の切削機構は雪質,切削条件によって異なり複 雑なものであるが,切りくずはだいたい連続した流れ 形のものである。そこで理論式を導出する過程では, 実用を考慮して切削機構を最も単純化した次の仮定を 用いた.(1)切削は連続した流れ形であり(図1), 切りくずの幅は試験片の幅に等しい.(2)切りくず の変形はせん断面のみで起こり,その方向は切削抵抗 の方向と 45°をなす.

2・1 二次元比切削抵抗理論 図2は、二次元切削 機構におけるすくい面とせん断面にかこまれた部分の 力のつりあいを示す.ここで、R:切削抵抗、 $F_a:$ 主 分力、 $F_T:$ 背分力、F:すくい面に沿う摩擦力、N:すくい面に垂直な力、S:せん断面に沿う力、 $\lambda:$ せん

- \*\* 正員,新潟大学工学部(長岡市学校町 1)。
- \*\*\* 正員,日立造船会社.

断方向と切削抵抗Rとのなす角, $\alpha$ :すくい角, $\beta$ : 摩擦角, $\phi$ :せん断角, $t_1$ :切込深さ, $t_2$ :切りくず 厚さ とする、図2より

ここで, b<sub>1</sub>: 試験片の幅, τ<sub>n</sub>: せん断応力とすると せん断力 F<sub>n</sub> は

また V:削り速度,  $V_{o}$ :切りくず速度,  $V_{o}$ :せん 断速度,  $\rho_{1}$ :試験片の密度,  $\rho_{2}$ :切りくずの密度,  $b_{2}$ :切りくずの幅, g:重力加速度 とすると,切りく ずの流れの連続性より質量流量は切削の前後で変化し ないから

$$\frac{\rho_1}{q} b_1 t_1 V = \frac{\rho_2}{q} b_2 t_2 V_c \dots (3)$$

仮定(1)および式(3)より,切りくずに対して せん断方向に継続して0からせん断速度 V. を与える



図 1 二次元切削



図 2 二次元切削における力と角度の関係

<sup>\*</sup> 昭和42年10月24日 諏訪地方講演会において講演,原稿受付 昭和45年11月16日。

ための慣性力 F<sub>v</sub> は

$$F_{v} = \frac{\rho_{1}}{g} b_{1} t_{1} V V_{s} = \frac{\rho_{2}}{g} b_{1} t_{1} V^{2} \left(\frac{\rho_{1}}{\rho_{2}}\right) \frac{\cos \alpha}{\cos \left(\phi - \alpha\right)} \dots (4)$$

さらに、せん断面に沿う力Sはせん断力F。と切り くずの慣性力F。の和であるから、式(2)~(4)より  $S=F_s+F_s$ 

$$=b_1t_1\left\{\frac{\tau_s}{\sin\phi}+\frac{\rho_1}{g}V^2\left(\frac{\rho_1}{\rho_2}\right)\frac{\cos\alpha}{\cos(\phi-\alpha)}\right\}\cdots(5)$$

したがって、仮定(2)および式(1),(5)から、 比切削抵抗主分力  $P_c$ ・背分力  $P_T$  は次の形で求めら れる.

$$P_{c} = \frac{F_{o}}{b_{1}t_{1}} = \left\{ \tau_{s} + \frac{\rho_{1}}{g} \left( \frac{\rho_{1}}{\rho_{2}} \right) \frac{V^{2}}{\tan \alpha + \cot \phi} \right\}$$

$$\times (1 + \cot \phi) \dots (6)$$

$$P_{T} = \frac{F_{T}}{b_{1}t_{1}} = \left\{ \tau_{s} + \frac{\rho_{1}}{g} \left( \frac{\rho_{1}}{\rho_{2}} \right) \frac{V^{2}}{\tan \alpha + \cot \phi} \right\}$$

$$\times (1 - \cot \phi) \dots (7)$$

ただし

2・2 三次元比切削抵抗理論 理論解析の方法とし ては、測定方向(3分力の方向), 刃物のすくい面お よびせん断面についての座標系の間の関係を求め、せ ん断面に沿う力として積雪のせん断力と慣 性力 を考 え、この力の成分およびせん断面に垂直な力を測定方 向の成分に変換して、三次元比切削抵抗理論式を得 た.この場合、せん断角はすくい面とせん断面に作用 する力のつりあいと、切りくずの変形との関係から求 めた.また、三次元切削機構を有す。 パ形除雪機 のリボンカッタは、そのすくい角が ()。0°近いの で、理論解析ではこの点を考慮して終局的にはすくい 角が 0°の場合について行なった。

図3に各座標系を示す. ここで X, Y, Z: 測定方 向についての座標系, X', Y', Z': すくい面について の座標系, X'', Y'', Z'': せん断面についての座標 系,  $\alpha_n$ : 切刃に 垂直な 平面についてのすくい角,  $\phi_n$ : 切刃に垂直な平面についてのせん断角, i: 傾斜角とす ると, 各座標系には次の関係がある.



図4に、三次元切削機構におけるすくい面とせん断面にかこまれた部分の力のつりあいを示す。すくい面に作用



図 3 測定方向, すくい面, せん断面についての 座標系



図 4 三次元切削における力のつりあい

する力Rとせん断面に作用する力 R'を各座標系につ いての成分で表わすと

これらの力はつりあっているから,式(11)~(13)を 用いて

$$\tan \theta = \frac{\sin \eta_c}{\cos \eta_c \sin (\phi_n - \alpha_n) - \cot \beta \cos (\phi_n - \alpha_n)}$$
....(14)

を得る.

図5に、三次元切削機構および切りくずのせん断変 形状況を示す. ここで  $b_1$ :試験片の幅,  $b_2$ :切りく ずの幅,  $t_1$ :切込深さ,  $t_2$ :切りくず厚さとし、切削断 面と想像断面はせん断面に平行な同一平面上にあり, 点C, L, M, Nは切刃に垂直な平面上にあることから

$$\tan \theta = \frac{\tan \eta_{\epsilon} \sin \varphi_n - \tan i \cos (\varphi_n - \alpha_n)}{\cos \alpha_n} \cdots (15)$$

前に述べたように、終局的にはすくい角が 0°の場合 を考えるので、ここですくい角  $\alpha_n=0$ °とし、式(14) ~(16)から切刃に垂直な平面におけるせん断角  $\phi_n$  は

また,式(15),(16)からせん断面におけるせん断 角は

次に, せん断面に沿う力Sについて考える. せん断 応力を τ, とすればせん断力 F, は

さらに,切りくずの慣性力 F。を求めるため図6に 切削による密度変化を考慮しての諸速度の関係を示



す. ここで V:削り速度,  $V_o$ :切りくず速度,  $V_i$ : せん断速度, V': $V_o$ の水平成分, g:重力加速度とし て式(3), (4)を導いたと同様にして

$$\frac{\rho_1}{g}t_1b_1V = \frac{\rho_2}{g}t_2b_2V_c\cdots\cdots(20)$$

切りくずに対してせん断方向に継続して0からせん 断速度 V. を与えるための慣性力 F, は

せん断面に沿う力Sは、せん断力 F。と切りくずの 慣性力 F。の和であるから

$$S = F_s + F_v$$
  
=  $b_1 t_1 \left\{ \frac{\tau_s}{\cos i \sin \phi_n} + \frac{\rho_1}{g} V^2 \left( \frac{\rho_1}{\rho_2} \right) \frac{\cos i}{\cos \theta \cos \phi_n} \right\}$   
.....(22)

以上より,比切削抵抗3分力(横分力 Px,主分力 Pr,背分力 Pz)は,式(10),(13),(22)を用いて

$$P_{S} = \frac{S}{t_{1}b_{1}} = \frac{\tau_{s}}{\cos i \sin \phi_{n}} + \frac{\rho_{1}}{g} V^{2} \left(\frac{\rho_{1}}{\rho_{2}}\right) \frac{\cos i}{\cos \theta \cos \phi_{n}}$$
.....(26)

なお,  $\phi_n$  は式(17)により,  $\theta$  は式(18) により与え られる. ただし  $P_X$ ,  $P_Y$ ,  $P_Z$  は座標系 X, Y, Zと 逆方向を正とする.

#### 3. 実 験

3.1 実験装置 図7に装置の概略を示す.本装置 はレール上を所定の速度で走行する台車上の積雪試験 片を,固定した刃物で切削し,切削抵抗3分力と削り 速度を検出するものであって,以下各部の説明にうつ る.

①刃物:二次元切削用刃物は、すくい角 $\alpha$ を $0^{\circ}$ か ら 75°まで 15°おきに変化させることができる. 三 次元切削用刃物は、すくい角  $\alpha_n$ は 0°で一定とし、 傾斜角 iを 0°から 60°まで連続的に変えうるように



38巻312号(昭47-8)

なっている.

②切削抵抗検出装置:切削工具動力計を用い、切削 抵抗3分力を検出する.

③削り速度検出装置:台車の走行速度(すなわち削 り速度)検出装置で、3個のマイクロスイッチを 0.6 m おきに並べて,削り速度およびその定常性を検出 する.

④台車:4個の車輪を有し、切削試験片を所定の切 込深さにセットできるようになっている.

⑤走行用レール:全長は 10 m あり, 助走部 6 m, 切削部1m, 制動部3m となっており, 切削部にお ける最大定常速度 6m/s が得られるよう設計してあ る.

⑥駆動装置:無段変速機付三相モータを動力源と し, Vベルトを通じてクラッチブレーキ付四段変速機 に伝達され、さらにVベルト、プーリ、平ベルトを通 じて台車を駆動させる.

⑦計測装置:電源,ひずみ計,電磁オシロより構成 されており、切削抵抗3分力と、マイクロスイッチか らのタイムマークを記録する.

試験片作製において問題になる 3·2 積雪試験片 のは、雪そのものの性質を明確な因子を用いて決定で きないという点にあるが、主たる因子として考えられ るのは、雪質・かたさ・せん断抗力・密度・気温があ る. そこで

[A]雪質:雪質は、新雪(降ったばかりの雪で、密 度が 100 kg/m<sup>8</sup> 程度のもの), しまり雪 (新雪がたい 積されて締まった状態の雪で, 密度が 150~300 kg/ m<sup>8</sup> 程度のもの), ざらめ雪(しまり雪から移行した 粒子のあらい雪で, 密度が 400 kg/m<sup>3</sup> 程度のもの) の三つに大別した.

[B]せん断抗力:測定にあたっては、スイス規格に よるはしご状のせん断わく(ステンレス製,面積A= 0.01 m<sup>2</sup>)を積雪におしこみ,ばねばかりで静かに引 張ることから、せん断破壊時の力 Fkg を読みとりせ ん断抗力  $\tau = F/A = 100 \times F \text{ kg/m}^2$  を得た.

[C]かたさ:積雪のかたさ測定には、黒田式かたさ 計を用いた. これは円すい形のおもり (W=1.0 kg)



を所定の落下高(H=20 cm)より落下させてできた 積雪上の円すいみぞの直径(D cm)を測定し,かた さに換算するものである。

[D]密度:試験片に必要な密度を与えるためにジッ キを利用した圧縮機で静かに均一に圧縮した。その結 果,試験片の重量を測定しわくの容積で割って密度と した.

3.3 切削条件の設定 切削条件としては、試験片 幅: $b_1 = 100 \text{ mm}$ ,切込深さ: $t_1 = 5 \times 10^{-3} \sim 30 \times 10^{-3} \text{m}$ として、削り速度を 1~6 m/s まで 1 m/s おきに設 定した.二次元切削においては、すくい角αを 0° か ら 15° おきに 75° まで、三次元切削においては、す くい角  $\alpha_n$  を 0° とし、傾斜角 i を 0° から 60° まで 15°おきに変えて切削実験を行なった.

#### 4. 理論値と実験値の比較および考察

4.1 二次元切削について 切削における積雪の切 りくずと刃物のすくい面との間の摩擦角βは、式(6) ~(8) より  $\beta = \alpha - \tan^{-1} P_T / P_C$  この式に実験値  $P_C$ .  $P_T$  を代入して得られる. この摩擦角  $\beta$  は、削り速度 およびすくい角によって変化するが、実験における削 り速度(1~6 m/s)の範囲では、速度の変化をうける よりもはるかに大きくすくい角の変化をうけた. この 点を考慮して削り速度Ⅴについての摩擦角βの平均値 を求めて直線で近似させると、すくい角αと摩擦角β の関係を示す図8を得る,図8におけるαとβの関係 は、①すくい角αを増すと切りくずの一部がすくい面 上に付着することが実験から確かめられた. このこと から、切削時においては切りくずはすくい面上の雪の 上を流れることになり、そのためすくい角αの増加が 摩擦角βの増加をひきおこすものと考えられる. ②理 論式を導くについては、試験片の幅と切りくずの幅と



が等しいと仮定したが、実験的にみるとすくい角 αが 小さくなると(刃物が垂直になるに従い),切りくず の末広がりの割合が大きくなる.そのため摩擦力の合 力が減少し摩擦角も小さくなるものと考えられる.

しかし、切りくずの末広がりの原因は試験片幅が小 さいため端の効果として生ずるものであって(そのた め、すくい角  $\alpha$ が小さい部分では、理論値と実験値に かなりの不一致がみられる)、導出した理論式を除雪 機の所要馬力の計算などに適用する際には除雪機のカ ッタの長い連続した形状から無視しうると考えられ る. また、理論計算を行なうにあたり、切削後の切り くずの密度  $\rho_2$  は測定不可能なため、試験片密度  $\rho_1=$ 切りくずの密度  $\rho_2$  とした.

図 9に、二次元比切削抵抗と切込深さとの関係を示 す.理論式(6)、(7)の示すように、両式とも切込深 さによらないが、実験の範囲(切込深さ  $t_1=5\times10^{-3}\sim$  $30\times10^{-3}$ m) でも比切削抵抗主分力・背分力の値は切 込深さによらずほぼ一定となった.

図 10 に、各雪質のせん断抗力と密度の関係を示 す. これは試験片の密度  $\rho_1$  に対するせん断抗力の測 定値  $\tau$  を直線近似したものであり、計算におけるせん 断応力  $\tau_a$  を定める場合については、図 10 から読み とって用いた.

図 11 (a)~(c)に,二次元比切削抵抗と削り速度 との関係を示す.実験条件(すくい角  $\alpha$ =45°,切込 深さ  $t_1$ =15×10<sup>-3</sup> m)は,(a)新雪  $\rho_1$ =83.5 kg/m<sup>3</sup>,  $\tau_s$ =30 kg/m<sup>2</sup>,(b)しまり雪  $\rho_1$ =250 kg/m<sup>3</sup>, $\tau_s$ = 750 kg/m<sup>2</sup>,(c)ざらめ雪  $\rho_1$ =375 kg/m<sup>3</sup>, $\tau_s$ =220 kg/m<sup>2</sup> である.図 11 にみられるように,比切削抵抗 主分力・背分力成分の実験値は削り速度Vにともなっ て二次曲線的に増加しているが,この増加の割合は新

雪・しまり雪・ざらめ雪の順序,す なわち密度 P1 の大きさの順序にし たがって大きくなっている.したが って,この増加傾向は切りくずの慣 性力に起因すると考えられる.計算 値と実験値を比較した場合,しまり 雪・ざらめ雪にはかなりの一致がみ られるが,新雪は削り速度の増加に つれて不一致の度合が大きくなって いる.この原因としては,しまり 雪・ざらめ雪に比べて,新雪は切削 による圧縮が大きいため計算値との 間にこのような結果が出たものと考 える.

図 12(a)~(c)に, 二次元比切

削抵抗とすくい角 $\alpha$ との関係を示す.実験条件(削り 速度 V=5 m/s,切込深さ $t_1=15 \times 10^{-3} \text{ m}$ )は,(a) 新雪,(b)しまり雪,(c)ざらめ雪であり,他の条件



図 9 二次元比切削抵抗と切込深さの関係



図 10 せん断抗力と密度の関係



は図 11 の各場合と同じものである.図12において、 実験値はすくい角αが増すと主分力は減少し,また背 分力は刃物の切込深さの増す方向を正と定めると,負 から正へと増加し、すくい角αが60°の近辺で最大値 をとることがわかるが、計算値も同様な傾向を示して いる.

4・2 三次元切削について 理論計算を行なうにあ たり, 試験片の密度 ρ1 は測定値を用い, 切削による 積雪の圧縮を無視して(切りくずの密度 ρ₂ が測定不 可能なため) ρ1=ρ2 とした. せん断応力 τ. はせん断 抗力 $\tau$ の測定値を用いた. また, すくい角  $\alpha_n=0^\circ$  で あるので, 摩擦角 β は二次元切削時におけるすくい角 α=0°のときのものを考慮して、β≒11.1°(すなわち 摩擦係数 tan 8=0.2) と仮定して用いた.

図 13 に、三次元比切削抵抗と切込深さ な との関 係を示す.実験値は切込深さ t1(5×10<sup>-8</sup>~30×10<sup>-8</sup>m)

 $\times 10^{2}$  $\times 10^{2}$ x 10<sup>4</sup> 5 25 25 実験値 計算値 实験値 計算值 kg/m² <sup>ملا</sup>ر چور Pc • P<sub>C</sub> o 20 4 م Pc, P<sub>T</sub> مْن 3 15 計算值 实験値 2 10 10 Pc • PT • 5 5 1 0 0 0 -5 15 45 75 15 45 75 15 45 75 α度 α度 α度 (c) (h) (a) 図 12 二次元比切削抵抗とすくい角の関係

 $\times 10^2$ 実験値 計算值 ~<u></u>= Px ● Py ● Pz ○ \$25 \_\_\_\_ \_\_\_\_ 곱 ~ 20 Ľ, 년 15 比切削结 10 5 0  $30 \times 10^{-3}$ 10 25 15 20 切込深と 七1 m

図 13 三次元比切削抵抗と切込深さの関係

の範囲ではほぼ一定となり、理論式(23)、(24)からも 比切削抵抗が切込深さによらないことがわかる.

ロータリ除雪機の基礎的研究(第1報)

図 14 に、三次元比切削抵抗と削り速度との関係を 示す. 実験条件 (傾斜角 i =60°, 切込深さ ti=15× 10<sup>-8</sup> m)は、ざらめ雪  $\rho_1 = 400 \text{ kg/m}^8$ 、 $\tau_s = 240 \text{ kg/m}^2$ の場合のものである.実験値と計算値の傾向は一致し ている.

図 15 に、三次元比切削抵抗と傾斜角 i との関係を 示す.実験値と計算値との間にかなりの不一致がみら れるが、両者ともにその傾向は一致している.

さて、図 14、15 にみられる実験値と計算値との不 一致の原因としては,まず計算に必要な変数の値の 内, 切りくずの密度 ρ₂ が測定不可能なため試験片の 密度 ρ1 をそのまま使っている点. 試験片内部の厳密 な意味での不均一性.理論式導出の過程における,試 験片の幅が切りくずの幅に等しいとした仮定が、実験

> の切削時には切りくずが末広がりの 現象を示したためあてはまらなかっ た(図16)ことなどである.

以上のようなことが原因として考 えられるが、さらに雪の性質の不均 一性、時間とともに変化しやすい性 雪などが原因して計算値と実験値と の不一致を生じたものと考えられ Ъ.

しかし,実際の除雪機にこの理論 式を適用するに際しては、たとえば 切りくずの末広がりの現象は、その 連続したカッタ形状よりして考慮す る必要はなく,むしろ実際の切削状 態に近い形で、このような実用機に



図 14 三次元比切削抵抗と削り速度の関係





関する理論計算に応用することができるものと考える.

## 5. 結 論

まず,積雪の二次元切削についての理論的および実 験的研究の結果を要約すれば

(1) 切込深さによらず,比切削抵抗の主分力および背分力成分はほぼ一定となった.

(2) 試験片の密度の増加に応じて,主分力および 背分力成分は増加した.

(3) 削り速度の二乗に比例して, 主分力および背 分力成分は増加した.

(4) すくい角の増加にともない主分力成分は減少 し,背分力成分は負から正へと力の方向を変えて増加 し,すくい角が 60°の近辺において最大となった.

次に、三次元切削についての結果をまとめると

(1) 切込深さによらず,比切削抵抗の主分力・背 分力・横分力成分はほぼ一定となった。



図 16 三次元切削

(2) 削り速度を変えた場合に,3分力成分は二次 元切削時における2分力成分と同じ傾向を示した.

(3) 傾斜角を増加すると,主分力成分は減少し, 一方横分力成分は増加して,傾斜角が45°~60°のと き両者の値は同じくなった.また,このとき背分力成 分の絶対値は減少した.

以上の結果から,導出した理論式による計算値と実 験値とは,積雪の有する性質上雪質によってはかなり の不一致をみせてはいるものの,その傾向は一致して おり,たとえば図 11 の二次元切削では理論値に対す る実験値偏差量の絶対値平均は,比切削抵抗主分力成 分に関して,新雪 30.8%,しまり雪 14.5% とやや大 きいがざらめ雪 8.0%,また図 14 の三次元切削ではぎ らめ雪 3.5%程度で,ざらめ雪の場合には比較的少な い.したがって実際のロータリ除雪機の処理積雪はぎ らめ雪の場合が多いことを考慮すれば,この理論式を 除雪機の切削所要馬力のはあくなどに用いることは、 実用上十分有用であると考える.なお,本報で導出し た理論式を除雪機の切削所要馬力の計算に適用した場 合についての理論解析および実験との比較は,次報で 報告する予定である.

#### 文 献

(1) 下田·佐藤, 雪氷, 31-4 (昭 44-7), 85.